## **PLANO DE ENSINO**

| ENM0194 – FUNDAMENTOS DE MAGNETOHIDRODINÂMICA  |
|--|
| ENM - ENGENHARIA MECÂNICA  |
| FRANCISCO RICARD DA CUNHA  |
| 2021/1   |
| ENM0082 – Mecânica dos Fluidos 2; IFD0179 – Física 3 ou IFD0224 – Física 3 Geral, além de exigir do aluno uma boa fluência em cálculo vetorial/tensorial.  |
| Quintas-feiras : 16h às 19h:50min. Aulas expositivas teóricas e atividades no laboratório de Microhodrodinâmica e Reologia (Bancada de Microfluídica – bomba de seringa com fluido condutor em tubo capilar). Vídeos remotos no tópico magnetohidrodinâmica e aplicações. Atividades com duração semanal equivalente a 4 créditos.   |
| Laboratório de Microhidrodinâmica e Reologia – Grupo Vortex - Aplicativo MS-Temas e site: <a href="http://www.vortex.unb.br/index.php?option=com_content&amp;view=featured&amp;Itemid=692">http://www.vortex.unb.br/index.php?option=com_content&amp;view=featured&amp;Itemid=692</a> .  |
| Sextas 16h-18h via reuniões remotas em salas no MS TEAMS, com horário pré-agendado.  |
| O objetivo desta disciplina verticalizada é contribuir para a formação do aluno de graduação em Engenharia Mecânica em temas interdisciplinares em voga, incrementar o processo de disseminação de novos conhecimentos associados à tecnologias de ponta e de grande abrangência no atual contexto da engenharia mecânica e ajudar numa formação complementar de excelência de alunos que porventura decidirem investir posteriormente em estudos de tópicos mais avançados de escoamentos fluidos em nível de pós-graduação. A disciplina tratará do estudo da interação entre um campo magnético e um fluido eletricamente condutor (não magnético ou polarizado) em movimento com uma vasto leque de aplicações em engenharia e ciências mecânicas como: lubrificação de sistema eixo-mancal de peças móveis, processos de aquecimento e bombeamento de fluidos eletricamente condutores, processos de misturas e levitação de metais líquidos. Os escoamentos MHD envolvem fluidos como metais líquidos, soluções salinas e gases ionizados aquecidos (i.e. magnetohidrodinâmica compressível). Para este fim, é necessário estabelecer os princípios fundamentais envolvidos no acoplamento entre as equações de Maxwell do eletromagnetismo e as equações hidrodinâmicas que regem o movimento do fluido condutor. |
| A disciplina Fundamentos de Magnetohidrodinâmica será ofertada como disciplina optativa para o curso de Engenharia Mecânica da Faculdade de Tecnologia.  |
| A oferta da disciplina Fundamentos de Magnetohidrodinâmica tem por objetivo prover um incremento na formação do aluno de graduação em Engenharia Mecânica e áreas afins sobre os fundamentos envolvidos na formulação das equações acopladas da hidrodinâmica (equação de Cauchy/Navier Stokes) e eletromagnetismo (equações de Maxwell) para solução de escoamentos laminares de fluidos Newtonianos eletricamente condutores com ênfase em regimes de lubrificação, camada limite, difusão e advecção magnética, convecção natural de um fluido eletricamente condutor, além de propagação de ondas eletromagnéticas.  - As aulas teóricas serão expositivas e compostas dos seguintes módulos (MOD): MOD1- Breve histórico da magnetohidrodinâmica e suas aplicações: visão qualitativa da matéria; MOD 2 - Forças e campos hidrodinâmicos e eletromagnéticos; MOD 3 - Teoremas do eletromagnetismo; MOD4 - Leis de conservação do Eletromagnetismo; MOD5- Equações Hidrodinâmicas; MOD 6 - Equações governante de Maxwell e Navier-Stokes para Magnetohidrodinâmica (MHD); MOD7: Aproximação de escoamentos MHD para baixos números de Reynolds magnéticos.  - 02 Atividades Experimentais: Escoamento de fluido condutor (solução salina) na bancada Bomba de Seringa - Viscometria Capilar.                        |
|  |

- Atividade de interpretação de fenômenos demonstrados em vídeos no tema de escoamentos magnetohidrodinâmicos.

OBS:. O material didático/pedagógico referente às listas de exercícios, aos estudos dirigidos, vídeos, roteiro experimental serão disponibilizado para os estudantes da disciplina ao longo do semestre na forma digitalizada via link:http://www.vortex.unb.br/.

## Programa da Disciplina

**MOD 1.** Breve histórico da magnetohidrodinâmica e sua aplicações: visão qualitativa da matéria;

**MOD 2.** Forças e campos hidrodinâmicos e eletromagnéticos;

MOD 3. Teoremas do eletromagnetismo;

MOD 4. Leis de conservação do Eletromagnetismo

 $4.1\ \mathrm{eq}.$  Da continuidade, lei de Ampere, lei de

Ohm e lei de Biot-Savart

- 4.2 teorema de Poynting
- 4.3 equações de Maxwell
- 4.4 condições de contorno
- 4.5 força de campo eletromagnética (Lorentz)

tensor de tensões de Maxwell

- 4.6 lei de Faraday e vetor potencial
- 4.7. deslocamento de corrente, ondas eletromagnéticas e ondas de Alfvén

MOD 5. Equações Hidrodinâmicas

- 5.1 Equação de Cauchy e equação de Navier-Stokes
- 5.2 Vorticidade, helicidade hidrodinâmica, momento ang
- 5.3. Lei de Biot-Savart inversão da

vorticidade-velocidade

5.4. Equação geral da vorticidade e taxa de deformação de linhas de vórtices

MOD 6. Equações governantes de Maxwell e

Navier-Stokes para Magnetohidrodinâmica (MHD)

- 6.1 parâmetros adimensionais em MHD
- 6.2 MHD incompressível uma analogia com vorticidade
- 6.3 difusão e advecção de um campo magnético
- 6.4. Teorema de Alfvén para condutores ideais
- 6.5. Invariância da helicidade magnética em MHD ideal

**MOD 7.** Aproximação de escoamentos MHD

para baixos números de Reynolds magnéticos

- 7.1 escoamento unidirecionais de fluidos condutores em regime de lubrificação
- 7.2 camada limite MHD (Hartmann) e escoamentos em dutos
- 7.3 convecção natural em campos magnéticos

Legenda - MOD: módulo

- 29/07: Primeiro dia de aula da disciplina;
- 05/08: **MOD 1, MOD2**
- **12/08, 19/08, 26/08**: MOD3, MOD4
- **2/09, 9/09**: MOD4
- 9/09: Entrega de todos os estudos dirigidos dos MODs 1 a 4
- 16/09, 23/09: MOD5
- **30/09, 7/10, 14/10, 21/10:** MOD6 e
- Experimento na Bancada de Seringa Fluido condutor
- **21/10, 28/10, 04/11**: MOD7
- **05/11:** Prova de Avaliação Final e entrega de estudos dirigidos MODs 5 a 7
- 06/11: Último dia de aula do semestre 1/2021

Fig 1: Calendário UnB - 1/2021

|    |         |            | JULH    | 0  |    |    | AGOSTO                           |    |    |    |    |    |    |    | SETEMBRO   |    |    |    |    |    |    |    | OUTUBRO   |    |    |    |    |    |    | NOVEMBRO   |    |    |    |    |  |  |
|----|---------|------------|---------|----|----|----|----------------------------------|----|----|----|----|----|----|----|--|----|----|----|----|----|----|----|---|----|----|----|----|----|----|--|----|----|----|----|--|--|
| D  | s       |            | Q       | Q  | s  | S  | D                                | S  |    | Q  | Q  | S  | S  | D  | S  |    | Q  | Q  | S  | S  | D  | S  |   | Q  | Q  | S  | S  | D  | S  |  | Q  | Q  | S  | S  |  |  |
|    |         |            |         | 1  | 2  | 3  | 1                                | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  | 7  |    |  |    | 1  | 2  | 3  | 4  |    |    |   |    |    | 1  | 2  |    |    |  | 3  | 4  | 5  | 6  |  |  |
| 4  | 5       | 6          | 7       | 8  | 9  | 10 | 8                                | 9  | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 5  | 6  |    | 8  | 9  | 10 | 11 | 3  | 4  | 5   | 6  |    | 8  | 9  | 7  | 8  | 9  | 10 | 11 | 12 | 13 |  |  |
| 11 | 12      | 13         | 14      | 15 | 16 | 17 | 15                               | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 | 12 | 13   | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 10 | 11 | 12  | 13 | 14 | 15 | 16 | 14 | 15 | 16   | 17 | 18 | 19 | 20 |  |  |
| 18 | 19      | 20         | 21      | 22 | 23 | 24 | 22                               | 23 | 24 | 25 | 26 | 27 | 28 | 19 | 20   | 21 | 22 | 23 | 24 | 25 | 17 | 18 | 19  | 20 | 21 | 22 | 23 | 21 | 22 | 23   | 24 | 25 | 26 | 27 |  |  |
| 25 | 26      | 3 27       | 28      | 29 | 30 | 31 | 29                               | 30 | 31 |    |    |    |    | 26 | 27   | 28 | 29 | 30 |    |    | 24 | 25 | 26  | 27 | 28 | 29 | 30 | 28 | 29 | 30   |    |    |    |    |  |  |
| 01 | - Prime | eiro dia d | e aula. |    |    |    | 13 – 25% de realização das aulas |    |    |    |    |    |    |    | 07 – Independência do Brasil<br>10 – 50% de realização das aulas |    |    |    |    |    |    |    | 31<br>07 – 75% de realização das aulas<br>12 – Nossa Senhora Aparecida<br>28 – Dia do Servidor Público. |    |    |    |    |    |    | 02 – Finados<br>06 – Último dia de aula<br>15 – Proclamação da República |    |    |    |    |  |  |

- ED: Média dos Estudo Dirigidos do Semestre
- EXP: Experimento Bomba de Seringa Fluido Condutor
- PFA: Prova Final de Avaliação
- PA: Participação do Aluno

## Critério de Avaliação

Calendário de

Atividades

MÉDIA FINAL (MF): (0.3 ED + 0.2 EXP + 0.4 PFA + 0.1PA)

Obs: ED, EXP, PFA e PA variam de 0 a 10 na equação acima.

Aprovação na disciplina MF ≥ 5

# Controle de frequência

Presença do aluno nas aulas da disciplina, na atividade experimental e nas avaliações. Alunos com mais de 25% de ausência serão reprovados com SR.

# Principais Bibliografias Recomendadas

- Introduction to Magnetohydrodynamics, P.A.
   Davidson, (2017), CUP-Cambridge, UK.
- Introduction to Eletrodynamics, D.J.
   Griffiths, (2017), CUP-Cambridge, UK.
- Electrodynamics of continuous media, L.D. Landau and E.M. Lifshitz, (1987), Pergamon Press – Oxford, UK.
- Introduction to Fluid Dynamics, G.K. Batchelor, (1967), CUP-Cambridge, UK.
- Fluid Dynamics, R.H.F. Pao, (1966), C.
   E. Merrill, Inc, Columbus, Ohio.